

Lösungen (1):

Abi 1999 A3.

3.1 Es handelt sich um eine Bernoulli-Kette der Länge $n = 20$ und der Trefferwahrscheinlichkeit $p = 0,05$. Die Trefferanzahl X ist also binomialverteilt.

$$\mu = n \cdot p = 20 \cdot 0,05 = 1 \quad \sigma = \sqrt{npq} = \sqrt{0,95} = 0,9747$$

$$3.2 \quad P(X > 2) = 1 - P(X = 0) - P(X = 1) - P(X = 2) = 1 - 0,95^{20} - 20 \cdot 0,05 \cdot 0,95^{19} - \binom{20}{2} \cdot 0,05^2 \cdot 0,95^{18} = 1 - 0,95^{20} - 0,95^{19} - 0,475 \cdot 0,95^{18} = 0,0755 = 7,6 \%$$

Abi 2000 A3

2.1 Binomialverteilung mit $p = 0,04$ und $n = 25$.

$$\mu = np = 0,04 \cdot 25 = 1 \quad \sigma = \sqrt{npq} = \sqrt{0,96} = 0,9798$$

2.2

$$P(|X - \mu| \leq 1) = P(-1 + \mu \leq X \leq 1 + \mu) = P(0 \leq X \leq 2) = P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) = 0,96^{25} + 25 \cdot 0,04 \cdot 0,96^{24} + \binom{25}{2} \cdot 0,04^2 \cdot 0,96^{23} = 0,9235$$

2.3

1. $P(A) = P(\text{Karton angenommen}) = P(\bar{d} \bar{d}) = 0,96^2 = 0,9216$

2. Bernoulli-Kette der Länge $n = 15$ mit $p = 0,0784$ (zurückgewiesen: Treffer)

$$P(T \leq 1) = P(T = 0) + P(T = 1) = 0,9216^{15} + 15 \cdot 0,0784 \cdot 0,9216^{14} = 0,6688$$

3. $P(G = 1) = 0,5 \quad P(G = 3) = \frac{1}{2} - \frac{\alpha}{360} \quad P(G = 9) = \frac{\alpha}{360}$

$$E(G) = 0,5 \cdot 1 + \left(0,5 - \frac{\alpha}{360}\right) \cdot 3 + \frac{\alpha}{360} \cdot 9 - 3 = -0,3 \Leftrightarrow 0,5 + 1,5 - 3 \frac{\alpha}{360} + 9 \frac{\alpha}{360} - 3 = -0,3$$

$$\Leftrightarrow -1 + \frac{\alpha}{60} = -0,3 \Leftrightarrow \alpha = 60 \cdot 0,7 = 42^\circ$$

Abi 2009 A3.2

1. Bernoulli-Kette der Länge $n = 8$, Trefferwahrscheinlichkeit $p = 25\%$

1.1 $P(T = 2) = \binom{8}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^6 = 0,3115$

1.2 $P(T \leq 2) = P(T = 0) + P(T = 1) + P(T = 2) = 0,6785$

1.3 $P_{n=7}(T = 2) \cdot \frac{1}{4} = \binom{7}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^5 \cdot \frac{1}{4} = 0,0779$

2. $n? P(T \geq 1) = 1 - P(T = 0) = 1 - \left(\frac{3}{4}\right)^n > 0,98 \Leftrightarrow \left(\frac{3}{4}\right)^n < 0,02 \Leftrightarrow n \ln\left(\frac{3}{4}\right) < \ln 0,02$

$$n > \frac{\ln 0,02}{\ln\left(\frac{3}{4}\right)} = 13,59 \Rightarrow n \geq 14$$

3.1 $n = 2; \quad P(T = 0) = \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{16} \quad P(T = 1) = 2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{3}{4}\right) = \frac{6}{16} \quad P(T = 2) = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$

3.2 $\mu = 2 - x \cdot \frac{6}{16} - 2x \cdot \frac{1}{16} = 2 - \frac{x}{2} = 0 \Leftrightarrow x = 4 \text{ €}$

4. $0,4 = \frac{1}{4} + \frac{3}{4} \cdot (1 - p) \cdot \frac{1}{4} \Leftrightarrow p = 1 - \frac{0,15 \cdot 16}{3} = 0,2$